

1. $\delta = \delta(x, V_{\infty}, \mu, \rho)$

Le dimensioni di ogni parametro sono:

$$\begin{array}{ccccc} \delta & x & V_{\infty} & \mu & \rho \\ [L] & [L] & [LT^{-1}] & [mL^{-1}T^{-1}] & [mL^{-3}] \end{array}$$

Usando come G.F. : x, V_{∞} e μ è semplice trovare:

$$\boxed{\frac{\delta}{x} = f_1 \left(\frac{\rho V_{\infty} x}{\mu} \right)}$$

↑
 Re_x

Usando come G.F. : V_{∞}, μ e ρ si trova:

$$\frac{\delta \rho V_{\infty}}{\mu} = f_2 \left(\frac{x \rho V_{\infty}}{\mu} \right) \Rightarrow \boxed{Re_{\delta} = f_2(Re_x)}$$

2

$$\frac{dm_{cv}}{dt} = m_{in} - m_{out} = - \int_{cs} \rho \vec{v}_r \cdot \vec{n} \, dA =$$

$$= -1.5 \times 800 \times 0.02 = -24 \text{ kg/s}$$

$$m_{cv} = -24 t + \text{cost.}$$

$$\left. \begin{array}{l} t=0 \\ m_{cv} = 400 \text{ kg} = \text{cost.} \end{array} \right\}$$

$$\boxed{m_{cv} = -24 t + 400}$$

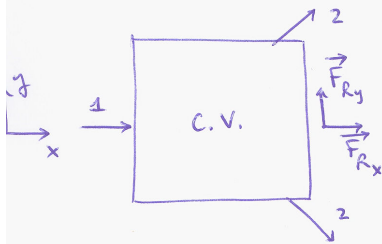
$$40 = -24 t_{\text{finale}} + 400$$

$$\rightarrow \boxed{t_{\text{finale}} = \frac{360}{24} = 15 \text{ s}}$$

3

I due getti avranno la stessa velocità se la sezione di passaggio viene dimezzata dopo il separatore.

$$\dot{m}_1 = \rho \dot{V} = 1000 \times 50 = 5 \times 10^4 \text{ kg/s}$$



Equazione delle quantità di moto per flusso stazionario, monodimensionale

$$\sum \vec{F} = \sum_{out} \rho \dot{m} \vec{v} - \sum_{in} \rho \dot{m} \vec{v}$$

$\vec{F}_R = (F_{Rx}, F_{Ry})$ è la forza che mantiene fermo il separatore

$$v_1 = v_2 = v$$

$$\dot{m}_1 = 2 \dot{m}_2$$

$$\begin{cases} F_{Rx} = 2 \left(\frac{1}{2} \dot{m}_1 \right) v_2 \cos \theta - \dot{m}_1 v_1 = \dot{m}_1 v (\cos \theta - 1) \\ F_{Ry} = \frac{1}{2} \dot{m}_1 (v_2 \sin \theta) + \frac{1}{2} \dot{m}_1 (-v_2 \sin \theta) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} F_{Rx} = 5 \times 10^4 \times 10 (\cos 45 - 1) = -1,464 \times 10^5 \text{ N} \\ F_{Ry} = 0 \quad (\text{ovvio, a causa della simmetria}) \end{cases}$$

Il valore negativo di F_{Rx} indica che il verso assunto per tale forza era opposto al reale.

4

Il moto resta laminare fino a $Re_{cut} \approx 2200 = \frac{\rho U D}{\mu}$

Inoltre il moto è laminare $f = \frac{64}{Re} \rightarrow$

$$f_{min \text{ laminare}} = \frac{64}{2200} = 0,0291, \quad U_{corrispondente} = \frac{2200 \mu}{\rho D} = 1,53 \frac{m}{s}$$

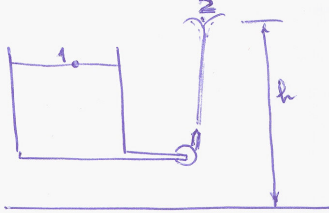
$$\Delta P = f \frac{L}{D} \rho \frac{U^2}{2} = 0,0291 \frac{5}{2 \times 0,08} 900 \frac{1,53^2}{2} = 955,2 \text{ Pa}$$

5

3

Ep. energia:

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{v_1^2}{2g} + z_1 + h_{\text{pompa}} = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{v_2^2}{2g} + z_2 + \cancel{h_{\text{turbina}}} + \cancel{h_L}$$



$$P_1 = P_2 = P_{\text{atm}}$$

$$v_1 = v_2 = 0$$

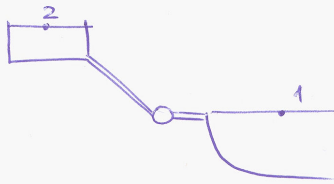
$$\rightarrow h_{\text{pompa}} = z_2 - z_1 = h - z_1$$

$$\Delta P_{\text{pompa}} = \rho g h_{\text{pompa}} \rightarrow \boxed{h = z_1 + \frac{\Delta P_{\text{pompa}}}{\rho g} = 25 + \frac{50 \times 10^3}{10^3 \times 9,81} = 30,1 \text{ m}}$$

6

Ep. energia:

$$\frac{P_1}{\rho g} + \frac{v_1^2}{2g} + z_1 + h_{\text{pompa}} = \frac{P_2}{\rho g} + \frac{v_2^2}{2g} + z_2 + \cancel{h_{\text{turbina}}} + \cancel{h_L} = 8 \text{ m}$$



$$z_1 + h_{\text{pompa}} = z_2 + h_L$$

$$h_{\text{pompa}} = (z_2 - z_1) + h_L = 43 \text{ m}$$

$$\dot{W}_{\text{pompa}} = 3000 \text{ W} = \dot{m} g h_{\text{pompa}} =$$

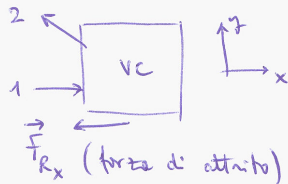
$$= \rho \dot{V} g (z_2 - z_1 + h_L)$$

$$\rightarrow \boxed{\dot{V} = \frac{3000}{1000 \times 9,81 \times 43} = 0,00711 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 25,6 \frac{\text{m}^3}{\text{h}}}$$

7

Rotazione uniforme, permanente - si possono trascurare effetti di gravità e pressione.

$$\vec{F} = \sum_{\text{out}} \rho \dot{m} \vec{V} - \sum_{\text{in}} \rho \dot{m} \vec{V}; \text{ proiettato lungo } x$$

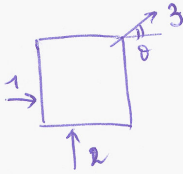


$$-F_{R_x} = -\dot{m} V \cos 45 - \dot{m} V$$

$$\boxed{F_{R_x} = \dot{m} V (1 + \cos 45) = 14 \times 30 (1,707) = 717 \text{ N}}$$

diretta nel verso opposto a \vec{x} .

8



$$\dot{m}_3 = \dot{m}_1 + \dot{m}_2$$

$$V_3 S_3 = V_1 S_1 + V_2 S_2$$

$$\sum \vec{F} = \vec{0} = \sum_{out} \rho \dot{m}_i \vec{v} - \sum_{in} \rho \dot{m}_i \vec{v}$$

$$= \dot{m}_3 V_3 \cos \theta \vec{i} + \dot{m}_3 V_3 \sin \theta \vec{j} - \dot{m}_1 V_1 \vec{i} - \dot{m}_2 V_2 \vec{j}$$

$$\begin{cases} \dot{m}_3 V_3 \cos \theta = \dot{m}_1 V_1 \\ \dot{m}_3 V_3 \sin \theta = \dot{m}_2 V_2 \end{cases}$$

$$\tan \theta = \frac{\dot{m}_2 V_2}{\dot{m}_1 V_1}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{\dot{m}_2 V_2}{\dot{m}_1 V_1}$$

$$\dot{m}_1^2 V_1^2 + \dot{m}_2^2 V_2^2 = \dot{m}_3^2 V_3^2 (\cos^2 \theta + \sin^2 \theta)$$

$$V_3 = \sqrt{\frac{\dot{m}_1^2 V_1^2 + \dot{m}_2^2 V_2^2}{\dot{m}_3^2}} = \left(\frac{\dot{m}_1^2 V_1^2 + \dot{m}_2^2 V_2^2}{(\dot{m}_1 + \dot{m}_2)^2} \right)^{1/2}$$

9

- numero di parametri del problema ridotto rispetto al problema di partenza
- si identificano relazioni tra parametri cruciali
- estrapolazione di risultati a valori non testati di una o più variabili dimensionali

$$Fr = \frac{v}{\sqrt{gh}} = \frac{\text{velocità del fluido}}{\text{velocità delle onde di superficie in acque basse}}$$

$$= \frac{L/\sqrt{gh}}{L/v} = \frac{\text{tempo caratteristico delle onde di superficie}}{\text{tempo convettivo}}$$